

Desligue o telemóvel

Identifique todas as folhas com o número e nome

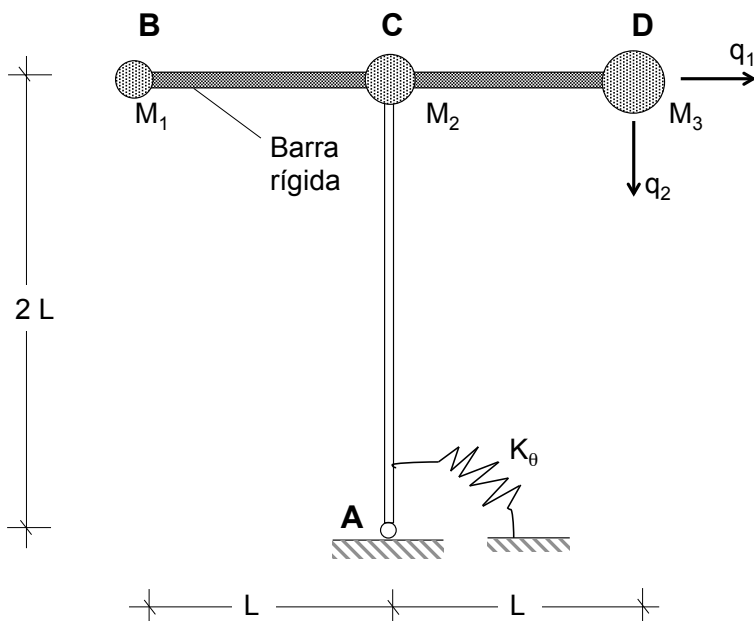
Entregue cada problema em folhas separadas

Justifique adequadamente todas as respostas

Duração: 2h30m

**Problema 1 (10,5)**

Considere a estrutura de betão armado indicada na figura, em que a viga BCD é rígida e o pilar axialmente indeformável. Considere os graus de liberdade indicados para efeito da análise dinâmica do sistema. Considere que a estrutura é atuada por uma ação sísmica tipo 1 na direção horizontal (de acordo com o EC8 e o Anexo Nacional), está na zona 1.3 em solo tipo C, é de Classe de Importância III, e o coeficiente de comportamento é  $q=2$ .



$$EI = 800\,000 \text{ kNm}^2$$

$$K_\theta = 400\,000 \text{ kNm/rad}$$

$$M_1 = 10 \text{ ton}$$

$$M_2 = 20 \text{ ton}$$

$$M_3 = 30 \text{ ton}$$

$$L = 5 \text{ m}$$

- Calcule as matrizes de massa e flexibilidade da estrutura, considerando os graus de liberdade indicados. (2,5)  
Nota: o deslocamento  $q_2$  é directamente proporcional à rotação no topo do pilar
- Calcule a configuração do 1º modo de vibração pelo método de Stodola e a frequência do 1º modo. (1,5)
- Calcule a configuração do 2º modo, usando as propriedades de ortogonalidade dos modos, e a frequência do 2º modo. (1,5)
- Calcule a rotação, o esforço transverso e o esforço axial na base do pilar, e o momento na secção C da barra CD. (5,0)

Se não resolveu a alíneas b) e c) considere  $T_1=1,4s$ ,  $T_2=0,3s$ ,  $v_1 = \begin{Bmatrix} 1 \\ 0,7 \end{Bmatrix}$  e  $v_2 = \begin{Bmatrix} 1 \\ -2 \end{Bmatrix}$

**Problema 2 (4,5)**

Considere a estrutura do 1º problema ( $\zeta=0\%$ ) mas com o pilar rígido à flexão. Se a estrutura for atuada por uma força horizontal no ponto D, de  $F=200 \text{ kN}$  durante  $3s$  calcule:

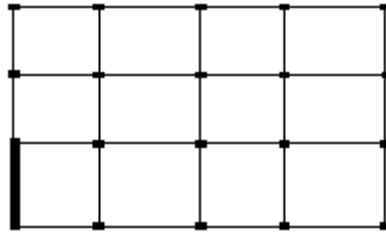
- O período da estrutura (2,0)
- O deslocamento vertical máximo do ponto D durante a aplicação da força. (2,5)

Sugestão: formule o problema considerando como grau de liberdade da estrutura a rotação da estrutura e como força generalizada o momento na base da estrutura.

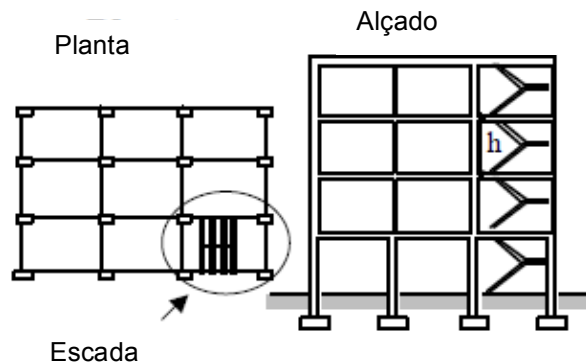
Se não resolveu a alínea a) considere  $T=1s$

**Problema 3 (5,0)**

- a) Considere a planta indicada na figura (massa uniformemente distribuída em planta). Em caso de ocorrência dum sismo qual dos pilares da estrutura irá sofrer maiores exigências de ductilidade em deslocamento e porquê? Indique possíveis alterações à estrutura que melhorem o comportamento desta face à ação sísmica (1,0)



- b) Considere o edifício representado na figura onde a ligação dos patamares da escada verifica-se a meia altura dos pilares. Diga, qualitativamente e justificando, onde se encontra o centro de rigidez do piso (CR). Quais os pilares com maior exigências de ductilidade de deslocamento? Identifique ainda problemas de comportamento estrutural face à ação sísmica. (1,0)



- c) Porque razão o EC8 define espectros de resposta para diferentes tipos de terreno? Quais as variáveis que têm em conta este efeito na definição dos espectros de resposta e qual o seu significado físico? Justifique. (1,0)
- d) Admita um evento sísmico com magnitude 6,0 que conduz num determinado local a uma intensidade (escala de Mercalli modificada) de IX. Considere a ocorrência de um outro evento sísmico com a magnitude de 7,0 e que conduz, no mesmo local anterior, a uma intensidade de VII. Justifique esta aparente inconsistência. (1,0)
- e) Para que serve e qual o significado físico do coeficiente de sensibilidade definido no EC8 para estruturas de edifícios? Justifique. (1,0)

$$|K - p^2 M| = 0 \quad D = F M \quad D V = \frac{1}{p^2} V$$

$$V_i^T M V_j = \begin{cases} 0 & i \neq j \\ M_j & i = j \end{cases}$$

$$V_i^T K V_j = \begin{cases} 0 & i \neq j \\ M_j p_j^2 & i = j \end{cases}$$

$$\phi_i = \frac{V_i}{\sqrt{V_i^T M V_i}} \quad \bar{P}_{ix} = \phi_i^T M \mathbf{1}_x$$

$$\ddot{q}_{i\alpha}^{\max} = \bar{P}_{i\alpha} S_{ai\alpha} \phi_i \quad q_{i\alpha}^{\max} = \bar{P}_{i\alpha} S_{di\alpha} \phi_i$$

$$S_{dj} = \frac{S_{aj}}{4 \pi^2 f_j^2} \quad r^{\max} = \sqrt{\sum_j (r_j^{\max})^2}$$

$$p^2 = g \frac{\int_0^\ell m(x) q_G(x) dx + \sum_i M_i q_G(x_i)}{\int_0^\ell m(x) [q_G(x)]^2 dx + \sum_j M_j [q_G(x_j)]^2}$$

$$p^2 = \frac{\int_0^\ell EI(x) [\psi''(x)]^2 dx + \sum_i K_i [\psi(x_i)]^2 + \sum_j K_j [\psi'(x_j)]^2}{\int_0^\ell m(x) [\psi(x)]^2 dx + \sum_m M_m [\psi(x_m)]^2 + \sum_n I_n [\psi'(x_n)]^2}$$

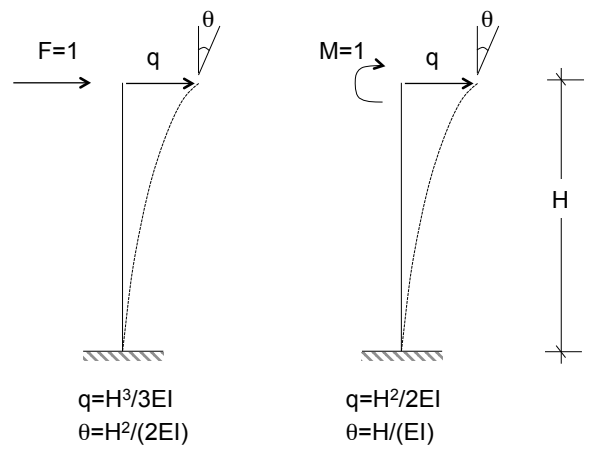
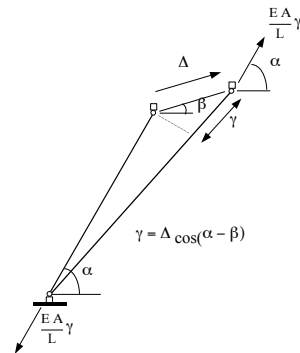
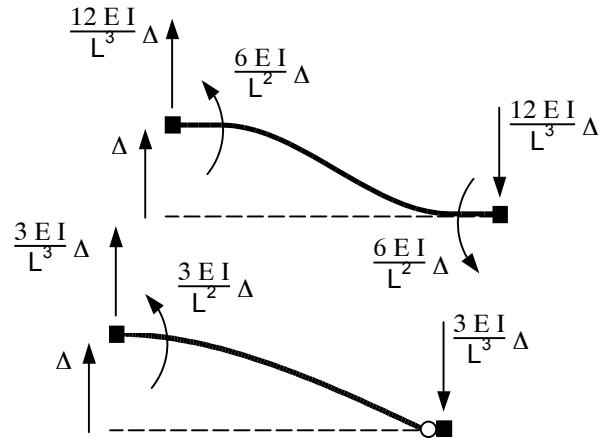
$$\beta_1 = \frac{1}{\sqrt{(1 - \bar{\omega}^2)^2 + (2 \zeta \bar{\omega})^2}} \quad \bar{\omega} = \frac{\omega}{p}$$

$$\beta_2 = \sqrt{1 + (2 \zeta \bar{\omega})^2} \times \beta_1 \quad \beta_3 = \beta_1 \times \bar{\omega}^2$$

$$p_d = p \sqrt{1 - \zeta^2}$$

$$q(t) = \beta_1 \frac{Q}{k} \cos(\omega t - \phi) \quad \phi = \arctg\left(\frac{2 \zeta \bar{\omega}}{1 - \bar{\omega}^2}\right)$$

	M				
$\bar{M}$					
$\frac{b}{L}$					
$\frac{b}{L} 2^\circ$					



$$q(t) = e^{-\rho t} (q_0 \cos(\rho_d t)) + \frac{\dot{q}_0 + \zeta \rho q_0}{\rho_d} \sin(\rho_d t) + \frac{e^{-\rho t}}{M \rho_d} \int_0^t e^{\rho \tau} Q(\tau) \sin(\rho_d (t - \tau)) d\tau$$

Quadro NA.I – Aceleração máxima de referência  $a_{gR}$  (m/s<sup>2</sup>) nas várias zonas sísmicas

Acção sísmica Tipo 1		Acção sísmica Tipo 2	
Zona Sísmica	$a_{gR}$ (m/s <sup>2</sup> )	Zona Sísmica	$a_{gR}$ (m/s <sup>2</sup> )
1.1	2,5	2.1	2,5
1.2	2,0	2.2	2,0
1.3	1,5	2.3	1,7
1.4	1,0	2.4	1,1
1.5	0,6	2.5	0,8
1.6	0,35	–	–

f) NA-3.2.2.2(2)P

Em Portugal, para a definição dos espectros de resposta elásticos o valor do parâmetro  $S$  deve ser determinado através de:

para  $a_g \leq 1 \text{ m/s}^2$   $S = S_{\max}$

para  $1 \text{ m/s}^2 < a_g < 4 \text{ m/s}^2$   $S = S_{\max} - \frac{S_{\max} - 1}{3} (a_g - 1)$

para  $a_g \geq 4 \text{ m/s}^2$   $S = 1,0$

em que:

$a_g$  valor de cálculo da aceleração à superfície de um terreno do tipo A, em m/s<sup>2</sup>;

$S_{\max}$  parâmetro cujo valor é indicado nos Quadros NA-3.2 e NA-3.3.

Em Portugal, para a definição dos espectros de resposta elásticos para a Acção sísmica Tipo 1 devem adoptar-se os valores do Quadro NA-3.2 em vez do Quadro 3.2.

Quadro NA-3.2 – Valores dos parâmetros definidores do espectro de resposta elástico para a Acção sísmica Tipo 1

Tipo de Terreno	$S_{\max}$	$T_B$ (s)	$T_C$ (s)	$T_D$ (s)
A	1,0	0,1	0,6	2,0
B	1,35	0,1	0,6	2,0
C	1,6	0,1	0,6	2,0
D	2,0	0,1	0,8	2,0
E	1,8	0,1	0,6	2,0

h) NA-4.2.5(5)P

Em Portugal, os coeficientes de importância a adoptar são os indicados no Quadro NA II

Quadro NA II – Coeficientes de importância  $\gamma$

Classe de Importância	Acção sísmica Tipo 1	Acção sísmica Tipo 2	
		Continente	Açores
I	0,65	0,75	0,85
II	1,00	1,00	1,00
III	1,45	1,25	1,15
IV	1,95	1,50	1,35

(4)P Para as componentes horizontais da acção sísmica, o espectro de cálculo,  $S_d(T)$ , é definido pelas seguintes expressões:

$$0 \leq T \leq T_B : S_d(T) = a_g \cdot S \cdot \left[ \frac{2}{3} + \frac{T}{T_B} \cdot \left( \frac{2,5}{q} - \frac{2}{3} \right) \right] \quad (3.13)$$

$$T_B \leq T \leq T_C : S_d(T) = a_g \cdot S \cdot \frac{2,5}{q} \quad (3.14)$$

$$T_C \leq T \leq T_D : S_d(T) \begin{cases} = a_g \cdot S \cdot \frac{2,5}{q} \cdot \left[ \frac{T_C}{T} \right] \\ \geq \beta \cdot a_g \end{cases} \quad (3.15)$$

$$T_D \leq T : S_d(T) \begin{cases} = a_g \cdot S \cdot \frac{2,5}{q} \cdot \left[ \frac{T_C T_D}{T^2} \right] \\ \geq \beta \cdot a_g \end{cases} \quad (3.16)$$

*Excertos da NP EN 1998-1 (Anexo Nacional NA, 2009)*

$$a_g = a_{gR} \gamma_I$$

$$\beta = 0,2$$